



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

موجع عيون البصائر التعليمي ثانويات المقاطعة التفتيشية غرداية 02
دورة: ماي 2022

مديرية التربية لولاية غرداية
امتحان البكالوريا التجاري
الشعبة: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 04 س ٣٠ و ٣١

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:
الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

أجب ب الصحيح أو خطأ مع التعليق

$$(1) \text{ قيمة التكامل } I \text{ حيث } I = \int_0^1 \ln(x+1) dx \text{ تساوي } . -1 + \ln 4$$

$$(2) \text{ إذا كان العدد الصحيح } x \text{ حلًا للمعادلة } x^2 + x \equiv 2[6] \text{ فإن } . x \equiv 2[6]$$

$$(3) \text{ ممتالية معرفة على } U_n = \ln\left(\frac{n+2}{2}\right) \text{ فإن: } U_1 + U_2 + \dots + U_n = \ln(n+2) - \ln(n+1) \text{ بـ: } U_n = \ln(n+2) - \ln(n+1)$$

$$(4) g(x) = -1 - 2e^{-x} \text{ هو الحل الخاص للمعادلة التقاضية } g(\ln 2) = 0 \text{ حيث } g'(x) = 1 + y + y' = 0$$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نعتبر المعادلة $(E): 7... - 13y - 4x = 0$ ذات المجهول $(x; y)$ حيث x و y عددان صحيحان

(1) أ- تحقق أن العددين 4 و 13 أوليان فيما بينهما ثم بين أن المعادلة (E) تقبل حلولاً.

ب- عين الحل الخاص $(x_0; y_0)$ للالمعادلة (E) الذي يتحقق: $x_0 - y_0 = 4$ ثم استنتج حلول المعادلة (E) .

(2) عين كل الثنائيات $(x; y)$ من الأعداد الصحيحة حلول المعادلة (E) التي تتحقق $|13x + y - 33| < 379$.

(3) ليكن d القاسم المشترك الأكبر للعددين الطبيعيين x و y

أ- ما هي القيم الممكنة ل d إذا كان $(x; y)$ حلًا للمعادلة (E) .

ب- عين الثنائيات $(x; y)$ من الأعداد الطبيعية حلول المعادلة (E) التي تتحقق $d = 7$ و $x + y < 400$.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

لتكن الممتالية العددية (U_n) المعرفة كما يلي: $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n لدينا:

(1) أ- برهن بالترجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n $1 \leq U_n < 2$.

ب- حدد اتجاه تغير الممتالية (U_n) ثم استنتاج تقاربها.

$$(2) \text{ نضع من أجل كل عدد طبيعي } n : V_n = 1 - \frac{2}{U_n}$$

أ- بين أن الممتالية (V_n) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ يطلب تعين حدتها الأولى.

ب- أكتب V_n بدالة n ثم استنتاج U_n بدالة n .

$$\text{ج- احسب } \lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$$



. 3) احسب بدلالة n المجموع

$$S_n = \frac{1}{U_0} + \frac{1}{U_1} + \dots + \frac{1}{U_n}$$

. 4) أ- بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n :

$$|U_{n+1} - 2| \leq \frac{2}{3} |U_n - 2|$$

ب- استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي n :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n \quad |U_n - 2| \leq \left(\frac{2}{3}\right)^n$$

التمرين الرابع: (07 نقاط)

ا. نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} ب:

$$h(x) = (2-x)e^x - 1$$

1) ادرس تغيرات الدالة h ثم أنشئ جدول تغيراتها.

2) أثبت أن المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث $-1.2 < \beta < -1.1 < \alpha < 1.8 < 1.9$ ثم استنتاج إشارة على \mathbb{R} .

II. لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x}$$

$$\cdot \|\vec{j}\| = 4\text{cm} \quad \|\vec{i}\| = 2\text{cm} \quad \text{حيث } (O; \vec{i}, \vec{j})$$

1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر النتائجين هندسيا.

2) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن:

$$f'(x) = \frac{h(x)}{(e^x - x)^2}$$

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة f , ثم شكل جدول تغيراتها.

3) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x :

$$f(x) - x = \frac{(1-x)(e^x - x - 1)}{e^x - x}$$

ب- استنتاج وضعية (C_f) بالنسبة لل المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$, علماً أنه من أجل كل x ومن \mathbb{R} :

$$e^x - x - 1 \geq 0$$

4) أ- أوجد معادلة للمماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة $x_0 = 1$.

ب- أنشئ كلا من (Δ) و (T) ثم (C_f) . نأخذ $f(\beta) = -0.47$, $f(\alpha) = 1.19$.

5) احسب بالسنتيمتر مربع مساحة الحيز للمستوى المحدد بالمنحنى (C_f) والمستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادلتيهما $x = 0$ و $x = 1$.

6) أ- m وسيط حقيقي بين أن المستقيمات (Δ_m) ذات المعادلة $y = mx + 1 - m$ تتقاطع في نقطة وحيدة يطلب تعبيتها.

ب- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة $mx + 1 - m = 0$



اختبار في مادة: الرياضيات/الشعبة: تقني رياضي /البكالوريا التجاري 2022

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

لكل سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجبـة الثلاثة المقترـحة، عـينه مع التـبرير.

(1) الحل العام للمعادلة التفاضلية $0 = -\sin(3x) + y$ هي الدوال :

(أ) $y = 3\cos(3x) + c$ (ب) $y = -\frac{1}{3}\cos(3x) + c$ (ج) $y = -3\cos(3x) + c$ (c عدد حقيقي)

(2) مجموعة حلول المتراجحة $6 + e^{2x} < 5e^x$ هي

(أ) $s = [\ln 2; \ln 3]$ (ب) $s = [2; 3]$ (ج) $s =]-\infty; \ln 2] \cup [\ln 3; +\infty[$

(3) يكتب العدد 1962 في نظام التعداد ذي الأساس x بالشكل $\overline{3652}$ قيمة x هي:

(أ) 8 (ب) 6 (ج) 5

(4) إذا كانت الأعداد $e^{-2} - e^{-4}$, $1 - e^{-2}$ و α تشكل بهذا الترتيب حدوداً متزايدة من متالية هندسية فإن :

(أ) $\alpha = 1 - e^{-4}$ (ب) $\alpha = e^{-2} - e^{-6}$ (ج) $\alpha = e^{-2} - e^{-4}$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) المتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} بحدها الأول $U_0 = 4e^3$, ومن أجل كل عدد طبيعي n :

أ- برهن بالرجوع أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن: $U_n > 4$.

ب- ادرس اتجاه تغير المتالية (U_n) . ماذا تستنتج؟

(2) نعتبر المتالية (V_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $V_n = \ln U_n - 2 \ln 2$

أ- أثبت أن المتالية (V_n) هندسية يطلب تعـين أساسها q وـحدتها الأول V_0 .

ب- أكتب V_n بدلاـة n ثم أثـبت أنه من أجل كل عدد طـبيعي n , ثم أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 4e^{\frac{3}{2^n}}$.

(3) أوجد قيمة العـدد الطـبيعي n حيث $V_0 + V_1 + \dots + V_n = 6(1 - e^{-2022 \ln 2})$

(4) احسب بدلاـة n الجـاء $S_n = U_0 \times U_1 \times \dots \times U_n$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

(1) ادرس حـسب العـدد الطـبيعي n بـواقي قـسمـة 9^n عـلى 11.

(2) بين أن $1[5]^{2023} = 1[5]^{2021}$ ثم استـنتاج باـقـي القـسـمة الإـقلـيدـية لـلـعـدـد 2022^{2021} عـلى 11.

(3) استـنتاج أن العـدد $(3 + 1962^{1954} + 1443^{2021} + 1443^{1443})$ مضـاعـف لـ 11.



اختبار في مادة: الرياضيات/الشعبة: تقني رياضي /البكالوريا التجاري 2022

(4) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n : $9^{2020n+2022} + 5 \times 9^{10n-2} + 3 \equiv 0 [11]$.

(5) عين قيم العدد الطبيعي n يكون العدد الطبيعي $(4 - n^2 + 1962^{1954})$ مضاعفاً للعدد 11.

التمرين الرابع: (07 نقاط)

I. لتكن الدالة g المعرفة على المجال $[0; +\infty)$ بـ:

(1) بين أن الدالة g متزايدة تماماً على $[0; +\infty)$.

(2) بين أن المعادلة $\ln \alpha = 1 - \alpha^2 + \ln 2$ تقبل حالاً وحيداً α محصوراً بين 1,2 و 1,3 ثم تحقق أن

(3) عين حسب قيم x إشارة $g(x)$ على المجال $[0; +\infty)$.

II. لتكن الدالة f المعرفة على $[0; +\infty)$ بـ: تمثيلها البياني في معلم

متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر النتيجة بيانياً، ثم أثبت أن

(2) أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال $[0; +\infty)$:

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

ج)- بين أن $f(\alpha) = 2\alpha - \frac{1}{\alpha}$ ثم عين حصراً $f(\alpha)$.

(3) أ- أثبت أن المستقيم (Δ) ذي المعادلة $y = x$ مستقيم مقاوم مائل λ بجوار $+\infty$.

ب- بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماساً (T) معادلته $y = x - \frac{1}{2e}$ في نقطة A يطلب تعين احداثياتها.

(4) أ- ارسم (T) و (Δ) ثم (C_f) .

ب- ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط λ عدد حلول المعادلة $\frac{2e^{\lambda x}}{x} = 1$.

(5) احسب التكامل $A = \int_1^e \frac{\ln 2 - \ln x}{x} dx$ حيث λ ثم فسر النتيجة هندسياً.